

+18 Exam

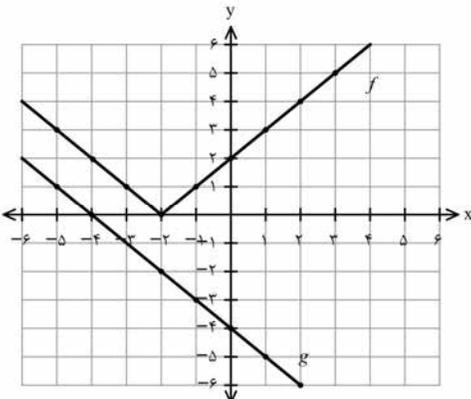
great growth

پروژه تضمینی مثبت ۱۸
پکیج تضمینی نمره +۱۸ در امتحانات خرداد

[اینجا کلیک کن](#)

باسمه تعالی

تعداد صفحه: ۳	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: علوم تجربی	سؤالات امتحان نهایی درس: ریاضی ۳
مدت امتحان: ۱۲۰	تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۱۰/۲۷	نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد در نوبت دی ماه سال ۱۳۹۹	
نمره	(استفاده از ماشین حساب ساده مجاز می باشد)		سؤالات (پاسخ نامه دارد)

۰/۵	۱	درستی یا نادرستی عبارتهای زیر را مشخص کنید. الف) دامنه تابع با ضابطه $y = k f(x)$ همان دامنه تابع $y = f(x)$ است. ب) در تقسیم چند جمله ای $p(x)$ بر $x - a$ ، باقیمانده برابر $p(a)$ است.
۰/۵	۲	در جاهای خالی عبارت ریاضی مناسب قرار دهید. الف) در بازه $(0, 1)$ ، نمودار تابع $y = x^3$ ، نمودار تابع $y = x^2$ قرار دارد. ب) اگر $h(x) = 3x^4 + 2x^2 - 1$ باشد، آنگاه $h''(1)$ برابر است.
۱/۵	۳	با توجه به نمودارهای تابع f, g به سوالات زیر پاسخ دهید: الف) مقدار $f \circ g(-1)$ را محاسبه کنید. ب) اگر $g(3t - 1) = 0$ آنگاه مقدار t را به دست آورید. پ) با محدود کردن دامنه f ، بازه ای را مشخص کنید که تابع f یک به یک شود.
		
۱	۴	ضابطه وارون تابع $g(x) = -5 - \sqrt{3x + 1}$ را به دست آورید.
۱/۷۵	۵	الف) دوره تناوب و مقادیر ماکزیمم و مینیمم تابع زیر را به دست آورید. (راه حل نوشته شود) $y = 8 \cos\left(\frac{x}{3}\right)$ ب) مقدار عددی $\sin 15^\circ$ را محاسبه کنید.
۱/۲۵	۶	معادله مثلثاتی $\sin x \cos x = \frac{\sqrt{3}}{4}$ را حل کنید.
۱/۷۵	۷	حد توابع زیر را در صورت وجود محاسبه کنید. الف) $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{2 - \sqrt{x-1}}{x-5}$ ب) $\lim_{x \rightarrow 3^-} \frac{[x] - 3}{x - 3}$
«ادامه سوالات در صفحه دوم»		

باسمه تعالی

تعداد صفحه: ۳	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: علوم تجربی	سوالات امتحان نهایی درس: ریاضی ۳
مدت امتحان: ۱۲۰	تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۱۰/۲۷	نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد در نوبت دی ماه سال ۱۳۹۹	
نمره	(استفاده از ماشین حساب ساده مجاز می باشد)		سوالات (پاسخ نامه دارد)

۸	نقاط داده شده روی منحنی زیر را با شیب های ارائه شده در جدول نظیر کنید. (یک نقطه اضافی است).	<table border="1"> <thead> <tr> <th>شیب</th> <th>نقطه</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>-۳</td> <td></td> </tr> <tr> <td>-۱</td> <td></td> </tr> <tr> <td>۰</td> <td></td> </tr> <tr> <td>۱</td> <td></td> </tr> </tbody> </table>	شیب	نقطه	-۳		-۱		۰		۱	
شیب	نقطه											
-۳												
-۱												
۰												
۱												
۹	مشتق تابع های زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست)	<p>الف) $f(x) = \left(\frac{x^2}{3x-1}\right)^5$</p> <p>ب) $g(x) = (\sqrt{3x+2})(x^3 - 1)$</p>										
۱۰	با محاسبه مشتق چپ و راست تابع داده شده در نقطه A، نشان دهید این تابع در نقطه A مشتق پذیر نیست.											
۱۱	معادله حرکت متحرکی به صورت $f(t) = t^2 - t + 10$ بر حسب متر در بازه زمانی $[0, 5]$ بر حسب ثانیه داده شده است. در کدام لحظه سرعت لحظه ای با سرعت متوسط در بازه زمانی $[0, 5]$ با هم برابرند؟											
۱۲	در تابع زیر، ابتدا نقاط بحرانی تابع را به دست آورید و سپس با رسم جدول تغییرات تابع، نقاط ماکزیمم و مینیمم نسبی آن را در صورت وجود مشخص کنید.	$f(x) = x^3 + 3x^2 - 9x - 10$										
۱۳	نشان دهید در بین تمام مستطیل های با محیط ثابت ۱۴ سانتی متر، مستطیلی بیشترین مساحت را دارد که طول و عرض آن هم اندازه باشد.											

«ادامه سوالات در صفحه سوم»

باسمه تعالی

تعداد صفحه: ۳	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: علوم تجربی	سؤالات امتحان نهایی درس: ریاضی ۳
مدت امتحان: ۱۲۰	تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۱۰/۲۷	نام و نام خانوادگی:	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد در نوبت دی ماه سال ۱۳۹۹	
نمره	(استفاده از ماشین حساب ساده مجاز می باشد)		سؤالات (پاسخ نامه دارد)
۱۴	خروج از مرکز یک بیضی افقی $\frac{4}{5}$ ، مرکز آن $(-4, -1)$ و طول قطر کوچک این بیضی ۶ واحد است. الف) طول قطر کانونی و فاصله کانونی را محاسبه کنید. ب) مختصات نقاط دو سر قطر بزرگ را پیدا کنید.		
۱۵	اگر معادله دایره به شکل $x^2 + y^2 + (x+1)^2 = 4$ باشد: الف) مختصات مرکز دایره و اندازه شعاع دایره را بنویسید. ب) مختصات تقاطع دایره با محور x ها را پیدا کنید.		
۱۶	سه ظرف یکسان داریم. ظرف اول شامل ۵ مهره ی قرمز و ۳ مهره ی آبی و ظرف دوم شامل ۴ مهره ی آبی و ظرف سوم شامل ۶ مهره ی قرمز است. با چشم بسته یکی از ظرف ها را انتخاب کرده و از آن یک مهره بیرون می آوریم. احتمال آن که مهره انتخابی آبی باشد چقدر است؟		
۲۰	جمع نمره " موفق باشید "		

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی ۳
تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۱۰/۲۷		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد در نوبت دی ماه سال ۱۳۹۹	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) درست صفحه: ۱۵ و ۵۰ ب) درست هر مورد ۰/۲۵	۰/۵
۲	الف) پایین صفحه: ۴ و ۹۲ ب) ۴۰ هر مورد ۰/۲۵	۰/۵
۳	الف) ب) پ) بازه $[-۲, +\infty)$ صفحه: ۲۳ و ۲۹ ب) $f(-۳) = ۱$ (۰/۵) ب) $۳t - ۱ = -۴ \Rightarrow t = -۱$ (۰/۵)	۱/۵
۴	صفحه: ۲۹ ب) $-۵ - \sqrt{۳x+۱} = y \Rightarrow ۳x+۱ = (y+۵)^۲$ (۰/۵) ب) $\Rightarrow x = \frac{(y+۵)^۲ - ۱}{۳} \Rightarrow g^{-۱}(x) = \frac{(x+۵)^۲ - ۱}{۳}$ (۰/۵) $D_{g^{-۱}} = (-\infty, -۵]$	۱
۵	الف) ب) صفحه: ۴۰ و ۴۳ ب) $\min = - a + c$ (۰/۲۵) $\max = a + c$ (۰/۲۵) $\min = -۸$ (۰/۲۵) $T = \frac{۲\pi}{ b } = \frac{۲\pi}{\left \frac{۱}{۳}\right } = ۶\pi$ (۰/۵) ب) $\sin ۱۵ = \sqrt{\frac{۱ - \cos ۳۰}{۲}} = \frac{\sqrt{۲ - \sqrt{۳}}}{۲}$ (۰/۲۵)	۱/۲۵ ۰/۵
۶	صفحه: ۴۷ ب) $۲ \sin x \cos x = \frac{\sqrt{۳}}{۲}$ (۰/۲۵) $\Rightarrow \sin ۲x = \sin \frac{\pi}{۳} \Rightarrow$ (۰/۵) $\Rightarrow \Rightarrow \begin{cases} x = k\pi + \frac{\pi}{۶} & (۰/۲۵) \\ x = k\pi + \frac{\pi}{۲} - \frac{\pi}{۶} & (۰/۲۵) \end{cases}$	۱/۲۵
۷	الف) ب) صفحات: ۵۲ و ۵۷ ب) $\lim_{x \rightarrow ۵} \frac{(۲ - \sqrt{x-۱})(۲ + \sqrt{x-۱})}{(x-۵)(۲ + \sqrt{x-۱})}$ (۰/۵) $= \lim_{x \rightarrow ۵} \frac{-(x-۵)}{(x-۵)(۲ + \sqrt{x-۱})} = \frac{-۱}{۴}$ (۰/۵) ب) $\lim_{x \rightarrow ۳^-} \frac{-۱}{x-۳} = \frac{-۱}{0^-} = +\infty$ (۰/۵)	۱ ۰/۷۵

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی ۳
تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۱۰/۲۷		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد در نوبت دی ماه سال ۱۳۹۹	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره										
۸	هر مورد درست (۰/۲۵) صفحه ۷۵	۱										
	<table border="1"> <tr> <td>نقطه</td> <td>A</td> <td>D</td> <td>B</td> <td>E</td> </tr> <tr> <td>شیب</td> <td>۱</td> <td>۰</td> <td>-۱</td> <td>-۳</td> </tr> </table>	نقطه	A	D	B	E	شیب	۱	۰	-۱	-۳	
نقطه	A	D	B	E								
شیب	۱	۰	-۱	-۳								
۹	<p>الف) $f'(x) = \underbrace{\Delta \left(\frac{x^r}{3x-1} \right)^4}_{(۰/۲۵)} \underbrace{\left(\frac{2x(3x-1) - 3x^r}{(3x-1)^2} \right)}_{(۰/۵)}$</p> <p>ب) $g'(x) = \underbrace{\left(\frac{3}{2\sqrt{3x+2}} \right)}_{(۰/۵)} (x^r + 1) + \underbrace{3x^r (\sqrt{3x+2})}_{(۰/۲۵)}$</p> <p>صفحه: ۸۸ و ۹۲</p>	۰/۷۵ ۰/۷۵										
۱۰	<p>$f'_+(\cdot) = \lim_{x \rightarrow \cdot^+} \frac{x^r - \cdot}{x - \cdot} = \cdot \quad (۰/۵)$</p> <p>$\Rightarrow f'_+(\cdot) \neq f'_-(\cdot) \quad (۰/۲۵)$</p> <p>$f'_-(\cdot) = \lim_{x \rightarrow \cdot^-} \frac{-x - \cdot}{x - \cdot} = -۱ \quad (۰/۵)$</p> <p>$f'(\cdot)$ موجود نیست. صفحه ۹۲</p>	۱/۲۵										
۱۱	<p>$\frac{\Delta f}{\Delta x} = \frac{f(\Delta) - f(\cdot)}{\Delta - \cdot} \quad (۰/۲۵) = ۴ \quad (۰/۲۵) \Rightarrow f'(t) = 2t - 1 = ۴ \quad (۰/۲۵) \Rightarrow t = \frac{\Delta}{2} \quad (۰/۲۵)$</p> <p>صفحه: ۱۰۰</p>	۱										
۱۲	<p>تکمیل جدول یک نمره</p> <p>$f'(x) = 3x^r + 6x - 9 = 0 \quad (۰/۵) \begin{cases} x=1 \\ x=-3 \end{cases} \quad (۰/۵)$</p> <table border="1"> <tr> <td>x</td> <td>-۳</td> <td>۱</td> </tr> <tr> <td>f'</td> <td>+</td> <td>-</td> </tr> <tr> <td>f</td> <td>۱۷</td> <td>-۱۵</td> </tr> </table> <p>max min</p> <p>صفحه: ۱۱۲</p>	x	-۳	۱	f'	+	-	f	۱۷	-۱۵	۲	
x	-۳	۱										
f'	+	-										
f	۱۷	-۱۵										
۱۳	<p>$f = xy \rightarrow \overbrace{f(x) = x(7-x) = -x^r + 7x}^{(۰/۲۵)} \rightarrow \overbrace{f'(x) = -2x + 7 = 0}^{(۰/۲۵)}$</p> <p>$\rightarrow x = \frac{7}{2} \quad (۰/۲۵) \quad , \quad y = \frac{7}{2} \quad (۰/۲۵)$</p> <p>صفحه: ۱۱۴</p>	۱										

باسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضی ۳
تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۱۰/۲۷		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد در نوبت دی ماه سال ۱۳۹۹	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۴	الف) $(0/25) \Rightarrow a=5, c=4$ $ff' = 8$ $(0/25)$ ب) $c = \frac{4}{5}a$ $(0/25) \Rightarrow 9 + \frac{16}{25}a^2 = a^2$ $(0/25) \Rightarrow a=5, c=4$ $A(1, -1), A'(-9, -1)$ $(0/5)$ صفحه ۱۳۲	۱/۵
۱۵	الف) $O(-1, 0), R=2$ $(0/5)$ ب) $(1, 0), (-3, 0)$ $(0/5)$ صفحات: ۱۴۲	۱
۱۶	$P(A) = \frac{1}{3} \times \frac{3}{5} + \frac{1}{3} \times 1 + \frac{1}{3} \times 0$ $\frac{3}{(0/5)} \quad \frac{3}{(0/5)} \quad \frac{3}{(0/5)}$ صفحه ۱۴۷	۱/۵
	" در نهایت، نظر همکاران محترم صائب است "	